# МОСКОВСКИЙ АВИАЦИОННЫЙ ИНСТИТУТ (НАЦИОНАЛЬНЫЙ ИССЛЕДОВАТЕЛЬСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ)

ПРОГРАММА ВСТУПИТЕЛЬНОГО МЕЖДИСЦИПЛИНАРНОГО ЭКЗАМЕНА НАПРАВЛЕНИЮ ПОДГОТОВКИ 02.04.02 «ПРИКЛАДНАЯ МАТЕМАТИКА И ИНФОРМАТИКА» СПЕЦИАЛИЗИРОВАННОГО ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ

#### Введение

Программа составлена в соответствии с Федеральным государственным образовательным стандартом высшего профессионального образования по направлению подготовки 02.04.02-Фундаментальная информатика и информационные технологии.

#### Цели и задачи вступительных испытаний

Вступительные испытания предназначены для определения практической и теоретической подготовленности бакалавра и проводятся с целью определения соответствия знаний, умений и навыков студентов требованиям обучения в магистратуре по направлению 02.04.02-Фундаментальная информатика и информационные технологии.

#### Содержание вступительных испытаний

Вступительные испытания в магистратуру по направлению подготовки 02.04.02-Фундаментальная информатика и информационные технологии проводятся по следующим разделам:

- высшая математика,
- компьютерные науки.

Вступительные испытания в магистратуру по направлению подготовки 02.04.02-Фундаментальная информатика и информационные технологии проводятся по следующим критериям:

- Оценка соответствия профиля и уровня полученного образования.
- Подготовленность к научно-исследовательской работе.

### Оценка уровня знаний

Оценка уровня знаний проводится в виде вступительного экзамена. В основу программы вступительного экзамена положены квалификационные требования в области современных информационных технологий, предъявляемые к бакалаврам направления 02.04.02-Фундаментальная информатика и информационные технологии.

# Перечень вопросов для вступительных испытаний в магистратуру по направлению 02.04.02-«Фундаментальная информатика и информационные технологии»

# Математические дисциплины.

## Линейная алгебра и аналитическая геометрия.

- 1. Матрицы и алгебраические операции над ними. Определитель матрицы и его свойства. Обратная матрица. Применение обратной матрицы для решения линейных систем алгебраических уравнений.
- 2. Системы линейных алгебраических уравнений. Метод Крамера. Метод Гаусса исключения неизвестных. Совместность систем линейных алгебраических уравнений (теорема Кронекера-Капелли).
- 3. Векторные пространства. Линейная зависимость и независимость системы векторов. Базис векторного пространства.
- 4. Линейный оператор в векторном пространстве. Собственные числа и собственные элементы линейного оператора и их свойства.
- 5. Скалярное произведение векторов и его свойства. Неравенство Коши-Буняковского. Векторное и смешанное произведения векторов.
- 6. Уравнение прямой на плоскости и в пространстве. Взаимное расположение прямых и плоскостей. Расстояние от точки до прямой, от точки до плоскости.
- 7. Квадратичные формы. Приведение квадратичной формы к каноническому виду. Кривые и поверхности второго порядка. Классификация кривых и поверхностей второго порядка.

#### Математический анализ.

- 8. Непрерывные функции и их свойства. Точки разрыва и их классификация.
- 9. Дифференцируемость функции одной вещественной переменной. Свойства дифференцируемых функций. Производные элементарных функций.
- 10. Экстремум функции одной вещественной переменной. Наибольше и наименьшее значения функции.
- 11. Числовые ряды. Условная и абсолютная сходимость. Признаки сравнения, Даламбера, Коши сходимости числовых рядов.
- 12. Разложение функции в степенной ряд. Область сходимости. Ряды Тейлора. Функциональные ряды. Поточечная и равномерная сходимость. Интегрирование и дифференцирование функциональных рядов.
- 13. Неопределенный интеграл. Интегрирование дробно-рациональных, тригонометрических и иррациональных функций.
- 14. Определенный интеграл Римана. Свойства интеграла Римана. Простейшие приложения интеграла Римана к геометрии и физике.
- 15. Понятие функции многих переменных. Непрерывность функции многих переменных. Дифференцируемость функции многих переменных. Производная по направлению, градиент.
- 16. Экстремум функции многих переменных. Необходимое и достаточное условия экстремума. Условный экстремум функции многих переменных. Метод Лагранжа.

- 17. Кратный интеграл Римана. Замена переменной в кратном интеграле.
- 18. Криволинейные и поверхностные интегралы 1 и 2 рода. Формулы Стокса, Остроградского-Гаусса, Грина.

# Дифференциальные уравнения.

- 19. Существование и единственность решения задачи Коши для обыкновенного дифференциального уравнения 1-го порядка.
- 20. Линейные дифференциальные уравнения 1-го порядка. Метод вариации постоянной.
- 21. Линейные дифференциальные уравнения с постоянными коэффициентами. Определение вида решения при правой части специального вида.
- 22. Краевые задачи для обыкновенных дифференциальных уравнений. Существование и единственность решения.
- 23. Линейные системы дифференциальных уравнений. Понятие особой точки и их классификация.

# Дискретная математика.

- 24. Множества и операции над ними. Характеристическая функция множества и ее свойства.
- 25. Основные операции Булевой алгебры и их свойства. Булевы функции и формулы. СДНФ и СКНФ.
- 26. Эквивалентность булевых формул. Понятие выводимости.
- 27. Понятие графа. Виды графов. Способы задания графов. Алгоритмы обхода графа, поиск кратчайшего пути.

#### Численные методы.

- 28. Методы решения алгебраических уравнений. Метод дихотомии. Метод простой итерации. Метод Ньютона. Оценка скорости сходимости данных методов.
- 29. Точные методы решения систем линейных алгебраических уравнений (СЛАУ) при специальном виде матрицы коэффициентов (диагональная, треугольная). Метод прогонки.
- 30. Итерационные методы решения СЛАУ. Метод простой итерации. Метод Зейделя. Метод релаксации. Метод сопряженных градиентов.
- 31. Задачи линейного программирования. Симплекс-метод. Поиск начальной угловой точки методом искусственного базиса.
- 32. Градиентный метод минимизации функции многих переменных. Метод сопряженных градиентов. Метод Ньютона.
- 33. Численное интегрирование. Методы прямоугольников, трапеций и Симпсона. Оценка погрешности численного интегрирования.
- 34. Метод Эйлера решения задачи Коши. Понятие разностной схемы. Явная и неявная разностная схема. Понятие шаблона разностной схемы.

# Теория вероятностей и математическая статистика.

- 35. Случайное событие. Классическое определение вероятности. Геометрические вероятности.
- 36. Теоремы сложения и умножения вероятностей. Условная вероятность. Формула полной вероятности. Формула Байеса. Схема Бернулли.
- 37. Понятие дискретной и непрерывной случайных величин. Закон распределения дискретной случайной величины. Функция распределения,

- плотности вероятности для непрерывной случайной величины. Характеристики случайных величин (математическое ожидание, дисперсия) и их свойства.
- 38. Распределения Пуассона, биномиальное, геометрическое дискретной случайной величины.
- 39. Экспоненциальное и нормальное распределения непрерывной случайной величины.
- 40. Точечные оценки параметров распределения (метод моментов, метод максимального правдоподобия).
- 41. Полиномиальная регрессия. Правило вычисления линейной и квадратичной регрессии.

### Информационные технологии.

# Основы информатики.

- 42. Позиционные системы счисления. Представление целых и вещественных чисел в позиционной системе счисления.
- 43. Форматы хранения числовых данных в памяти компьютера. Представление знаковых и беззнаковых целых чисел. Форматы чисел с плавающей точкой (single(float), double).
- 44. Представление текстовой информации в памяти компьютера. Типы кодировок.
- 45. Аппаратная организация компьютера. Архитектура фон Неймана устройства компьютера.
- 46. Абстрактные типы данных: линейный массив, однонаправленный список, двунаправленный список, стек, очередь, бинарное дерево. Алгоритмы обхода, поиска элемента, вставки элемента, удаления элемента. Анализ их сложности.

### Операционные системы и архитектура компьютера.

- 47. Понятие операционной системы. Виды операционных систем. Функции операционных систем.
- 48. Процессы и потоки в операционной системе. Планирование потоков. Проблемы межпроцессного взаимодействия и методы их решения.
- 49. Страничная организация памяти. Алгоритмы замещения страниц.
- 50. Файловые системы ОС на примере Windows и Unix систем.

#### Язык С++ 11.

- 51. Классы и экземпляры классов. Конструкторы и деструкторы. Компонентные и дружественные методы. Способы передачи аргументов в методы. Перегрузка методов и операторов.
- 52. Динамическая память. Операторы new, delete. Управление копированием. Конструктор копий, оператор присваивания, конструктор переноса.
- 53. Обработка исключительных ситуаций.
- 54. Наследование и полиморфизм. Абстрактные базовые классы. Виртуальные методы и виртуальное наследование.
- 55. Шаблоны классов и функций. Понятие специализации шаблона. Передача аргументов шаблону.

- 56. Обобщенное программирование. Итераторы, функторы, алгоритмы STL. Лямбда выражения.
- 57. Стандартные типы STL: string, vector, stack, queue, map.
- 58. Форматируемый ввод/вывод. Файловые и строковые потоки.
- 59. Распределение динамической памяти. Умные указатели и работа с ними в STL.

#### Язык C# 6.0 .net framework 4.7

- 60. Классы и объекты. Правила определения классов, конструкторы, инициализация объектов. Ключевое слово this. Оператор new. Ключевое слово var. Модификатор static.
- 61. Структурные и ссылочные типы. Отличие классов и структур. Базовый класс object.
- 62. Массивы. Базовый класс Array. Базовые методы класса Array. Многомерные массивы, массивы массивов. Строковые типы данных. Стандартные операции и методы.
- 63. Инкапсуляция в С#. Область видимости переменных. Свойства класса. Наследование и полиморфизм в С#. Ключевое слово base. Операторы is и as.
- 64. Сборка мусора. Роль метода Finalize() и деструкторы. Интерфейс IDisposable.
- 65. Исключения. Создание и обработка исключений. Типы исключений.
- 66. Интерфейсы. Абстрактные классы. Стандартные интерфейсы (ICloneable, IComparable, IComparer, IEnumerable, IEnumerator).
- 67. Обобщения. Обобщенные интерфейсы. Стандартные коллекции: список, очередь, стек, словарь, упорядоченное множество.
- 68. Делегаты. Методы класса MulticastDelegate. Асинхронный вызов методов. Лямбда выражения. События. Генерация событий.
- 69. Асинхронное программирование. Ключевые слова async/await.
- 70. Перегрузка операций. Индексатор. Унарные и бинарные операции. Пользовательские операторы приведения типов.
- 71. Ввод/вывод в С#. Манипулирование с объектами файловой системы. Файловые потоки. Байтовые потоки. Сереализация. Сереализуемые и несереализуемые поля. Управление процессом сереализации.

#### Базы данных.

- 72. Понятие Базы данных. Задачи и функции базы данных. Модели баз данных их отличия и особенности. Этапы развития баз данных. Архитектуры функционирования базы данных. Понятие администрирования базы данных.
- 73. Реляционная модель данных. Связи(отношения) и типы связей. Внешние ключи и ссылочная целостность.
- 74. Проектирование реляционных баз данных с использованием нормализации. Виды нормальных форм. Особенности организации и использования связи многие ко многим.
- 75. Команды уровня DDL. (создание и управление объектами базы данных).
- 76. Выборка данных. Синтаксис команды SELECT. Модификация данных. Синтаксис команд INSERT, UPDATE, DELETE. Подзапросы в командах модификации.
- 77. Хранимые процедуры. Типы хранимых процедур. Создание кода хранимых процедур. Манипулирование хранимыми процедурами. Триггеры.

- Назначение и виды триггеров. Создание триггера. Вложенные вызовы триггеров. Особенности работы с триггерами. Манипулирование триггерами и получения сведений о них.
- 78. Представления. Особенности работы с представлениями. Изменение и удаление представления. Получение сведений о представлении.
- 79. Транзакции и работа с ними в T-SQL. Уровни изоляции транзакции. Особенности работы с разными типами транзакций.

#### СПИСОК ЛИТЕРАТУРЫ

- 1. *Бахвалов, Н.С.* Численные методы: учебник / Н.С. Бахвалов, Н.П. Жидков, Г.И. Кобельков. 7-е изд. М.: Бином. Лаборатория знаний, 2017. 640 с.
- 2. *Боровков, А.А.* Теория вероятностей: учебник / А.А. Боровков. изд. стереотип. М.: Либроком, 2017.-656 с.
- 3. *Винберг*, Э.Б. Курс алгебры: учебник / Э.Б. Винберг. 3-е изд., доп. М.: МЦНМО, 2017. 592 с.
- 4. *Зорич, В.А.* Математический анализ. Часть 1: учебник / В.А. Зорич. 8-е изд., испр. М.: МЦНМО, 2017. 576 с.
- 5. *Зорич, В.А.* Математический анализ. Часть 2: учебник / В.А. Зорич. 7-е изд., доп. М.: МЦНМО, 2017. 688 с.
- 6. *Ильин, В.А.* Аналитическая геометрия: учебник / В.А. Ильин, Э.Г. Позняк. М.: ФИЗМАТЛИТ, 2017. 224 с.
- 7. *Ильин*, *В.А.* Линейная алгебра: учебник / В.А. Ильин, Э.Г. Позняк. 4-е изд. М.: ФИЗМАТЛИТ, 2014. 280 с.
- 8. *Ильин*, *B.A*. Основы математического анализа. Часть 1: учебник / В.А. Ильин, Э.Г. Позняк. 7-е изд., стереотип. М.: ФИЗМАТЛИТ, 2014. 648 с.
- 9. *Ильин*, *B.A*. Основы математического анализа. Часть 2: учебник / В.А. Ильин, Э.Г. Позняк. 5-е изд., стереотип. М.: ФИЗМАТЛИТ, 2009. 464 с.
- 10. *Косарев*, *В.И.* 12 лекций по вычислительной математике (вводный курс): учеб. пособие для студ. вузов / В.И. Косарев. 3-е изд., испр. и доп. М.: Физматкнига, 2013. 240 с.
- 11. *Кудрявцев*, *Л.Д*. Курс математического анализа Т.1. Дифференциальное и интегральное исчисления функций одной переменной: учебник / Л.Д. Кудрявцев. 6-е изд., перераб. и доп. М.: Юрайт, 2017. 704 с.
- 12. *Кудрявцев, Л.Д.* Курс математического анализа Т.2. Ряды. Дифференциальное и интегральное исчисления функций многих переменных: учебник / Л.Д. Кудрявцев. 6-е изд., перераб. и доп. М.: Юрайт, 2014. 720 с.
- 13. *Кудрявцев*, *Л.Д.* Курс математического анализа Т.3. Гармонический анализ. Элементы функционального анализа: учебник / Л.Д. Кудрявцев. 6-е изд., перераб. и доп. М.: Юрайт, 2014. 352 с.
- 14. *Новиков*,  $\Phi$ .А. Дискретная математика: учебник для вузов /  $\Phi$ .А. Новиков. 3-е изд. СПб.: Питер, 2017. 496 с.
- 15.  $\Phi$ илиппов,  $A.\Phi$ . Сборник задач по дифференциальным уравнениям: учебное пособие /  $A.\Phi$ .  $\Phi$ илиппов. 7-е изд., стереотип. M.: Ленанд, 2015. 240 с.
- 16. *Ширяев*, A.H. Вероятность-1: учебник / A.H. Ширяев. 6-е изд., испр. M.: МЦНМО, 2017. 552 с.

- 17. *Ширяев*, A.H. Вероятность-2: учебник / A.H. Ширяев. 6-е изд., испр. M.: МЦНМО, 2017. 968 с.
- 18. Методы оптимизации. Учебник и практикум: учеб. пособие / Под ред. Ф.П. Васильева. М.: Юрайт, 2016. 376 с.
- 19. *Дейт, К. Дж.* Введение в системы баз данных: учебник/ К. Дж. Дейт. 8-е изд. М.: ООО «И.Д. Вильямс», 2017. 1328 с.
- 20. *Липман, С.Б.* Язык программирования С++. Базовый курс: учеб. пособие / С.Б. Липман, Б.Э. Му, Ж. Лажойе. 5-е изд. М.: ООО «И.Д. Вильямс», 2017. 1120 с.
- 21. *Троелсен*, Э. Язык программирования С# 6.0 и платформа .NET 4.6 / Э. Троелсен, Ф. Джепикс. 7-е изд. М.: ООО «И.Д. Вильямс», 2016. 1440 с.
- 22. Таненбаум, Э. Современные операционные системы / Э. Таненбаум, X. Бос. 4-е изд. СПб.: Питер, 2015. 1120 с.
- 23. *Седжвик, Р.* Алгоритмы на C++ / Р. Седжвик. М.: ООО «И.Д. Вильямс», 2017. 1056 с.

Директор дирекции института №8

С.С. Крылов